

## 1.1. Skupovi

---

**Skup** je osnovni matematički pojam koji se ne definira. Skup smatramo zadanim ako je određeno koji su njegovi elementi, odnosno  $A = \{1, 2, 3, 4\}$ ,  $B = \{a, b, c\}$ . Takav način zadavanja skupa nazivamo **enumeracija** ili **ekstenzija**. Skup možemo zadati i tako da navedemo svojstvo ili propis koje mora zadovoljavati svaki njegov element. Takav način zovemo **deskripcija** ili **intenzija**.

**Partitivni skup** predstavlja skup svih podskupova skupa  $X$ . **Kardinalni broj** skupa  $X$  jest broj njegovih elemenata.

## 1.2. Booleove (algebarske) operacije sa skupovima

---

**Unija** dvaju skupova  $A$  i  $B$  definira se kao skup svih elemenata koji pripadaju barem jednom od skupova  $A$  i  $B$ , odnosno:

$$A \cup B = \{x \in \mathcal{U} : x \in A \vee x \in B\}$$

**Presjek** dvaju skupova  $A$  i  $B$  definiramo kao skup koji se sastoji od onih i samo onih elemenata koji su istovremeno sadržani i u  $A$  i u  $B$ , odnosno:

$$A \cap B = \{x \in \mathcal{U} : x \in A \wedge x \in B\}$$

**Razlika** ili **diferencija** dvaju skupova  $A$  i  $B$  definira se kao skup svih elemenata skupa  $A$  koji nisu u skupu  $B$ , odnosno:

$$A \setminus B = \{x \in \mathcal{U} : x \in A \wedge x \notin B\}$$

## 1.3. Svojstva Booleovih operacija

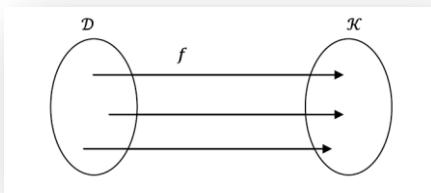
---

Komutativnost	$A \cap B = B \cap A$ $A \cup B = B \cup A$	Distributivnost	$A \cap (B \cup C) = (A \cap B) \cup (A \cap C)$ $A \cup (B \cap C) = (A \cup B) \cap (A \cup C)$
Asocijativnost	$(A \cap B) \cap C = A \cap (B \cap C)$ $(A \cup B) \cup C = A \cup (B \cup C)$	Involutivnost	$(A^C)^C = A$
Idempotentnost	$A \cup A = A$ $A \cap A = A$	de Morganovi zakoni	$(A \cup B)^C = A^C \cap B^C$ $(A \cap B)^C = A^C \cup B^C$

## 2.1. Funkcije

**Funkcija** ili **preslikavanje** je postupak u kojem se svakom elementu iz domene pridružuje točno jedan element iz kodomene.

**Domena** je područje definicije funkcije, dok **kodomena** predstavlja skup elemenata koje funkcija može poprimiti.



Surjekcija

Bijekcija

Injekcija

## 2.2. Jednakost dviju funkcija

Kažemo da je funkcija  $f$  jedanaka funkciji  $g$  ako i samo ako su ispunjena sljedeća tri zahtjeva:

- a)  $f$  i  $g$  su definirane na istome skupu  $E$ , odnosno imaju iste domene,
- b)  $f$  i  $g$  imaju iste kodomene,
- c)  $f(x) = g(x)$ ,  $\forall x \in E$ .

## 2.3. Kompozicija funkcija

Kompozicija ili složena funkcija promatranih funkcija  $f$  i  $g$  je funkcija

$$h : E \rightarrow G$$

takva da vrijedi za svaki  $x \in E$ :

$$h(x) = g(f(x))$$

## 2.4. Inverzna funkcija

Da bi postojala inverzna funkcija od funkcije  $f : A \rightarrow B$  nužne su dvije prepostavke:

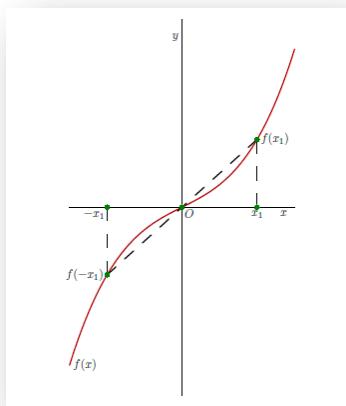
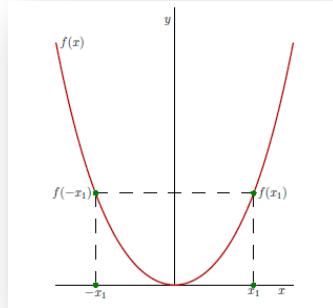
- a) funkcija  $f$  preslikava različite elemente skupa  $A$  u različite elemente skupa  $B$
- b) svaki element skupa  $B$  je slika nekog elementa skupa  $A$

## 2.5. Parne i neparne funkcije

Funkcija  $f$  je parna ako vrijedi:

$$f(-x) = f(x)$$

Graf parne funkcije simetričan je s obzirom na os  $y$ .



Funkcija  $f$  je neparna ako vrijedi:

$$f(-x) = -f(x)$$

Graf parne funkcije simetričan je s obzirom na ishodište.

## 2.6. Monotone funkcije

Za funkciju  $f$  kažemo da monotono raste na intervalu  $[a, b]$  ako vrijedi:

$$x_1 < x_2 \Rightarrow f(x_1) \leq f(x_2)$$

Za funkciju  $f$  kažemo da monotono pada na intervalu  $[a, b]$  ako vrijedi:

$$x_1 < x_2 \Rightarrow f(x_1) \geq f(x_2)$$

Za funkciju  $f$  kažemo da stogo raste na intervalu  $[a, b]$  ako vrijedi:

$$x_1 < x_2 \Rightarrow f(x_1) < f(x_2)$$

Za funkciju  $f$  kažemo da stogo pada na intervalu  $[a, b]$  ako vrijedi:

$$x_1 < x_2 \Rightarrow f(x_1) > f(x_2)$$

## 3.1. Pregled elementarnih funkcija

---

1. **Algebarske funkcije**  $\Rightarrow$  dobivaju se nizom algebarskih operacija (zbrajanje, oduzimanje, množenje, djeljenje te potenciranje sa cijelim i razlomljenim eksponentom)

A. Cijele racionalne funkcije ili polinome

- a) Konstantna funkcija
- b) Linearna funkcija
- c) Kvadratna funkcija
- d) Kubna funkcija

B. Razlomljene racionalne funkcije

C. Iracionalne funkcije

2. **Transcendentalne funkcije**

- A. Eksponencijalna funkcija
- B. Logaritamska funkcija
- C. Trigonometrijske funkcije
- D. Ciklometrijske funkcije

## 3.2. Konstantna funkcija

---

Funkcija oblika

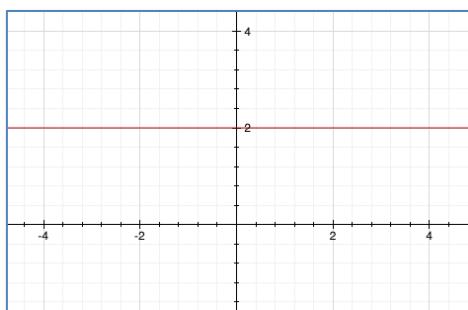
$$f(x) = a, \quad a \in R$$

je **konstantna funkcija** ili **polinom nultog stupnja**.

Funkciju karakterizira to da se svaki  $x \in D$  preslikava u jedan jedini element  $a \in K$ .

Graf funkcije je **pravac** paralelan sa osi  $x$  koji siječe os  $y$  u točki  $(0, a)$ .

Konstantna funkcija **nema** inverznu funkciju.



### 3.3. Linearna funkcija

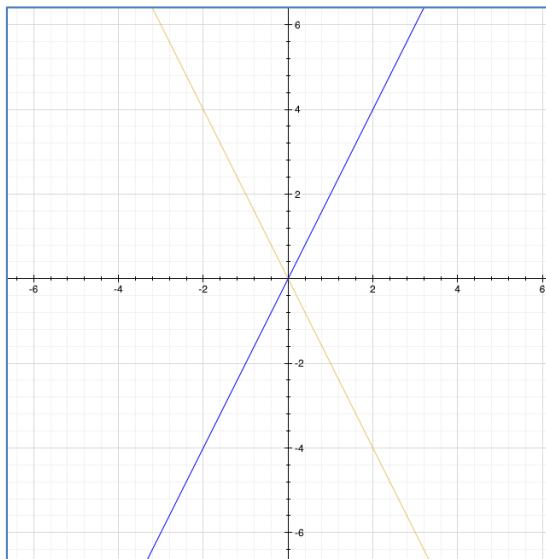
---

Funkcija oblika

$$f(x) = ax + b, \quad a \neq 0$$

je **linearna funkcija** ili **polinom prvog stupnja**.

Graf linearne funkcije je **pravac**.



**Svojstva linearne funkcije su sljedeća:**

- $D(f) = \mathbb{R}$
- rastuća je ako je  $a > 0$ , padajuća ako je  $a < 0$
- parametar  $a$  je koeficijent smjera, a parametar  $b$  odsječak na osi  $y$ .
- zahtjeva se  $a \neq 0$  jer bi u suprotnom imali konstantnu funkciju
- neparna ako je  $b = a$ , injektivna, surjektivna pa tako i bijektivna
- ima inverznu funkciju:  $f^{-1}(x) = \frac{1}{a}(x - b)$

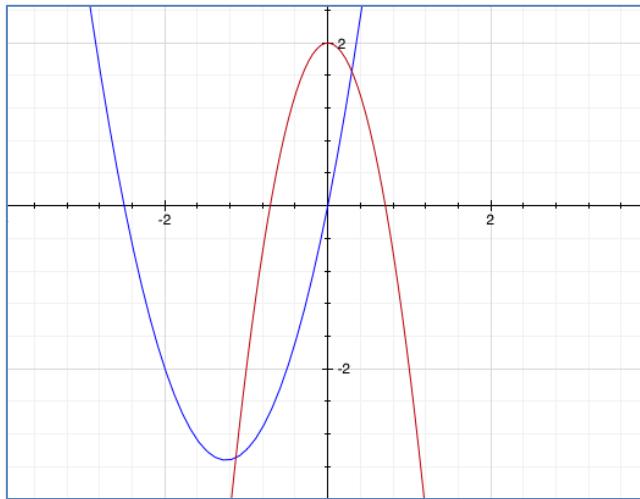
## 3.4. Kvadratna funkcija

Funkcija oblika

$$f(x) = ax^2 + bx + c, \quad a \neq 0$$

je **kvadratna funkcija** ili **polinom drugog stupnja**.

Graf funkcije je **parabola**.



Svojstva kvadratne funkcije su sljedeća:

- $D(f) = \mathbb{R}$
- konveksna ako je  $a > 0$ , okrenuta ka gore
- konkavna ako je  $a < 0$ , okrenuta ka dolje
- parna ako je  $b = 0$ , niti parna niti neparna za  $\neq 0$
- nije injektivna, pa nema inverznu funkciju
- nultočka  $x_{1,2} = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2a}$
- ako je diskriminanta negativna, funkcija nema nul-točki
- ako je diskriminanta pozitivna, funkcija ima dvije nul-točke
- ako je diskriminanta  $D = 0$ , funkcija ima jednu nul-točku

## 3.5. Kubna funkcija

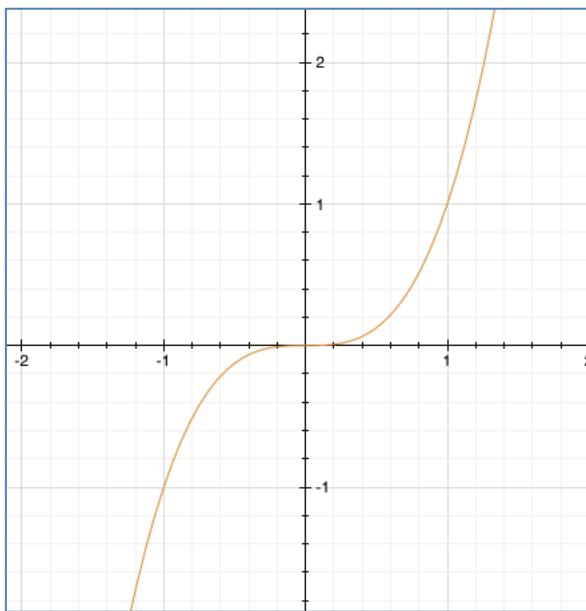
---

Funkcija oblika

$$f(x) = ax^3 + bx^2 + cx + d, \quad a \neq 0$$

je kubna funkcija ili polinom trećeg stupnja.

Graf kubne funkcije je parabola trećeg reda.



Svojstva kubne funkcije  $y = x^3$  su sljedeća:

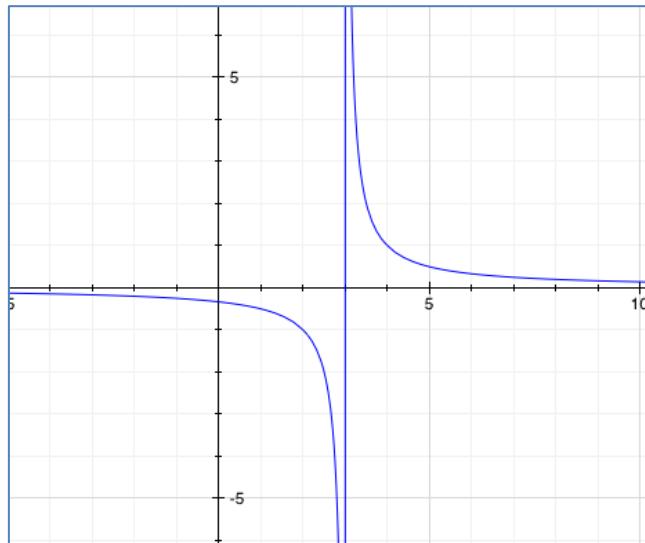
- $D(f) = \mathbb{R}$
- rastuća
- konkavna na  $(-\infty, 0]$  i konveksna na  $[0, \infty)$
- neparna, injektivna, surjektivna pa tako i bijektivna
- ima inverznu funkciju  $f(x) = \sqrt[3]{x}$
- nultočke  $x = 0$

## 3.6. Racionalna funkcija

---

Racionalna funkcija  $f(x) = \frac{1}{x-b}$

### Graf racionalne funkcije



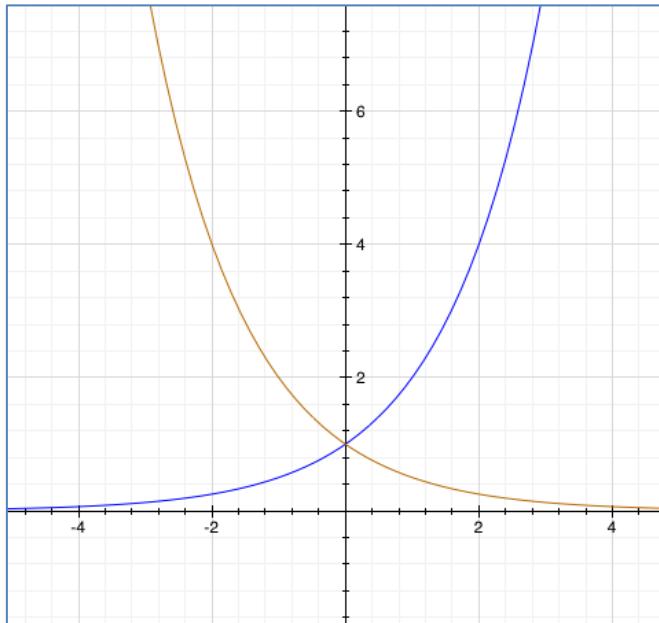
### Svojstva racionalne funkcije su sljedeća:

- Niti parna niti neparna, injektivna
- Nema nultočaka
- Vertikalna asimptota  $x = b$ , horizontalna asimptota  $y = 0$
- Padajuća na intervalu  $(-\infty, b)$ , padajuća na intervalu  $(b, \infty)$
- Konkavna na intervalu  $(-\infty, b)$ , konveksna na intervalu  $(b, \infty)$

## 3.7. Eksponencijalna funkcija

Eksponencijalna funkcija je funkcija oblika

$$f(x) = b * a^x + c, \quad a > 0 \text{ i } a \neq 1$$



Svojstva eksponencijalne funkcije  $f(x) = e^x$  su sljedeća:

- $D(f) = (-\infty, \infty), R(f) = (0, \infty)$
- rastuća, konveksna
- injektivna
- nema nultočaka;
- lijeva horizontalna asimptota  $y = 0$

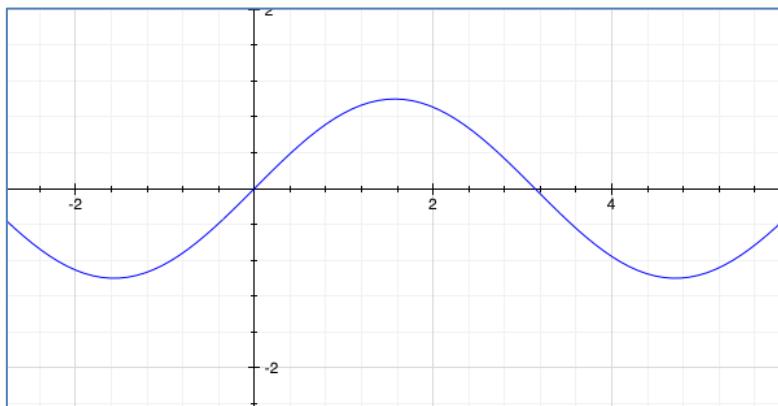
Svojstva eksponencijalne funkcije  $g(x) = e^x$  su sljedeća:

- $D(g) = (-\infty, \infty), R(g) = (0, \infty)$
- padajuća, konveksna
- injektivna
- nema nultočaka
- desna horizontalna asimptota  $y = 0$

## 3.8. Trigonometrijske funkcije

$$f(x) = \sin x$$

Graf trigonometrijske funkcije  $f(x) = \sin x$  je **sinusoida**

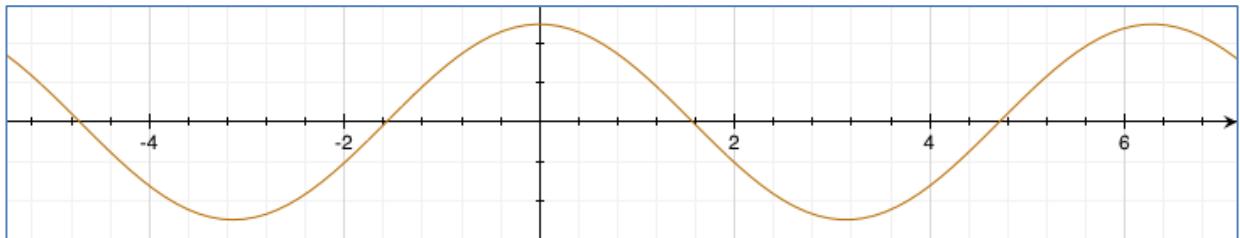


Svojstva trigonometrijske funkcije  $f(x) = \sin x$  su sljedeća:

- $D(f) = (-\infty, \infty)$ ,  $R(f) = [-1, 1]$
- neparna, nije injektivna, periodička sa periodom  $T = 2\pi$  ;
- nema inverznu funkciju;
- nultočke  $xk = k\pi$

$$f(x) = \cos x$$

Graf trigonometrijske funkcije  $f(x) = \cos x$  je **kosinusoida**



Svojstva trigonometrijske funkcije  $f(x) = \cos x$  su sljedeća:

- $D(f) = (-\infty, \infty)$ ,  $R(f) = [-1, 1]$
- neparna, nije injektivna, periodička sa periodom  $T = 2\pi$  ;
- nema inverznu funkciju;
- nultočke  $xk = k\pi$

## 4.1. Nizovi

---

Funkciju  $a: N \rightarrow R$  nazivamo **niz realnih brojeva**. Vrijednost  $a(n)$  niza na prirodnom broju noznačava se s  $a_n$  i naziva *n-ti ili opći član niza a*. Sam niz označava se  $(a_n)$  ili jednostavno  $a_1, a_2, \dots, a_n, \dots$

**Beskonačnim nizom realnih brojeva** nazivamo niz  $a_1, a_2, \dots, a_n, \dots$  gdje je  $a_n$  n-ti ili **opći član niza**. Domena je cijeli skup prirodnih brojeva  $N$ , iz njega uzimamo vrijednosti za kojih ima beskonačno mnogo pa tako i članova niza ima beskonačno mnogo te se takav niz zove beskonačan. Kodomena je cijeli skup realnih brojeva  $R$ .

## 4.2. Aritmetički niz

---

**Aritmetički niz** je niz realnih brojeva kod kojeg je razlika  $d$  između svakog člana (osim prvog) i člana ispred njega uvijek jednaka (konstantna) za svaki par susjednih brojeva:

$$d = a_{n+1} - a_n, \quad \text{tj. } a_{n+1} = a_n + d, \quad n \in N$$

Razlika  $d$  naziva se još i **diferencija aritmetičkog niza**. Za  $k$ -ti ili **opći član**  $a_n$  aritmetičkog niza vrijedi formula:  $a_n = a_1 + (k-1)d$ ,  $k = 1, 2, \dots, n$ . Suma  $S_n$  prvih  $n$  članova aritmetičkog niza računa se pomoću formule: Svaki član (osim prvog i posljednjeg) aritmetička je sredina(po čemu je i dobio ime) njemu susjednih članova:

$$S_n = \frac{n}{2}(a_1 + a_n)$$

Svaki član (osim prvog i posljednjeg) aritmetička je sredina(po čemu je i dobio ime) njemu susjednih članova:

$$a_n = \frac{a_{n-1} + a_{n+1}}{2}$$

pa tako za  $k$ -ti ili opći član  $a_n$  aritmetičkog niza vrijedi formula:

$$a_n = a_1 + (n-1)d$$

Aritmetički niz je strogo rastući za  $d > 0$ , strogo padajući za  $d < 0$  i stacionaran za  $d = 0$ .

## 4.2. Geometrijski niz

---

**Geometrijski niz** je niz realnih brojeva kod kojega je kvocijent  $q$  između svakog člana (osim prvog) i člana ispred njega uvijek jednak za svaki par susjednih brojeva:

$$q = \frac{a_{n+1}}{a_n}, \text{ tj. } a_{n+1} = a_n * q$$

Kvocijent  $q$  naziva se i **kvocijent geometrijskog niza**. Geometrijski niz dobio je taj naziv zato što svaki njegov član, osim prvog i posljednjeg (ako je riječ o konačnom nizu), geometrijska sredina dvaju njegovih susjednih članova:

$$a_n = \sqrt{a_{n-1} * a_{n+1}}$$

pa tako za  $k$ -ti ili opći član  $a_n$  geometrijskog niza vrijedi formula:

$$a_n = a_1 q^{k-1}, \quad k = 1, 2, \dots, n$$

Suma  $S_n$  prvih članova geometrijskog niza računa se pomoću formule:

$$S_n = a_1 * \frac{1 - q^n}{1 - q}$$

## 4.2. Harmonijski niz

---

**Harmonijski niz** je niz kojem je svaki član (osim prvog) harmonijska sredina dvaju neposredno susjednih članova. Niz zadan općim članom  $a_n = \frac{1}{n}$  je harmonijski niz. Harmonijska sredina brojeva  $H(a, b)$  brojeva  $a$  i  $b$ :

$$H(a, b) = \frac{2}{\frac{1}{a} + \frac{1}{b}}$$

## 5. Osnovni gospodarski računi

---

1. Postotni račun
2. Trojno pravilo
3. Račun diobe
4. Račun smjese
5. Verižni račun

### 5.1. Postotni račun

---

**Postotak p** je broj jedinica koji se uzima od 100 jedinica neke veličine. Obično se piše:

$$p\% = \frac{p}{100}$$

**Osnovna veličina S** je broj od kojeg se izračunava postotak p.

**Postotni dio P** je broj koji se dobije kad se od osnovne veličine odredi dio naznačen danim postotkom. Pri tom vrijedi:

$$P = S * \frac{p}{100}$$

### 5.2. Trojno pravilo

---

**Omjer** ili **odnos** jest onaj broj k koji govori koliko se puta x nalazi u y. Piše se:

$$y : x = k$$

**y** se naziva prvim ili prednjim članom omjera, **x** drugim ili zadnjim članom omjera, a **k** vrijednost omjera.

**Produženi omjer** je kraći zapis za više omjera kod kojih je drugi član svakog omjera jednak prvom članu sljedećeg omjera.

**Razmjer** izražava jednakost dvaju jednakih omjera. Ako je  $a:b=k$  i  $c:d=k$  tada je

$$a : b = c : d$$

1. ako porast (pad) jedne veličine izaziva porast (pad) druge veličine tada su obje veličine upravno razmjerne:

$$\frac{y}{k} = k \quad ili \quad y = kx$$

2. ako porast (pad) jedne veličine izaziva pad (porast) druge veličine tada su obje veličine obrnuto razmjerne:

$$y = \frac{k}{x} \quad ili \quad xy = k$$

**Trojno pravilo** je pravilo pomoću kojeg se razni zadaci u gospodarstvu, kod kojih postoje raznovrsne veličine koje ovise jedne o drugima tako da su upravno ili obrnuto razmjerne, rješavaju na najjednostavniji i najbrži način.

Za trojno pravilo se kaže da je **jednostavno** ako tražena veličina ovisi o samo jednoj veličini, a ako tražena veličina ovisi o više drugih veličina trojno pravilo se naziva **složenim**.

## 5.3. Račun diobe

---

**Računom diobe** dijelimo neku veličinu na više dijelova u nekom određenom omjeru uz zadane uvjete.

**Jednostavnim računom** diobe služimo se onda kada su dijelovi veličine koju treba podijeliti samo s članovima niza omjernih brojeva.

**Složenim računom** diobe služimo se onda kada su dijelovi veličine koju treba podijeliti razmjerni s članovima više nizova omjernih brojeva.

## 5.4. Račun smjese

---

**Račun smjese** koristimo ako želimo saznati u kojem omjeru i u kojim količinama trebamo mješati istovrsne veličine da bi dobili smjesu željenog inteziteta. Ako u smjesu ulaze samo dva sastojka, riječ je o jednostavnom računu smjese, a ulazi li u smjesu više od dva sastojka, tada se govori o **složenom računu smjese**.

**Jednostavni račun smjese** vezan je uz probleme u kojima je smjesa sastavljena od dvije veličine.

**Složeni račun smjese** primjenjuje se u situacije kada se smjesa sastoji od više od dvije različite veličine.

## 5.4. Verižni račun

---

**Verižni račun** je postupak nalaženja veze između dvije varijable. Ima široku primjenu. Koristi se pri preračunavanju mjernih jedinica. Shema koja omoguće nalaženje rješenja naziva se **verižnik**.

## 6. Jednostavni i složeni kamatni račun

---

**KAMATA (oznaka: I )** – naknada koju dužnik plaća za posuđenu glavnici (oznaka: C0)

**RAZDOBLJE UKAMAĆIVANJA (KAPITALIZACIJE) (oznaka: n)** – osnovni vremenski interval u kojem se obračunavaju kamate (propisano zakonom ili se definira ugovorom)

**KAMATNA STOPA (KAMATNJAK) (oznaka: p)** – iznos koji se plaća za 100 novčanih jedinica za neki osnovni vremenski interval

Kod **jednostavnog kamatnog računa** kamate se izračunavaju na istu glavnicu (početni kapital) za svako razdoblje ukamaćivanja.

$$C_n = C_0 \left( 1 + \frac{np}{100} \right)$$

Ako su vremenska razdoblja dani, koriste se sljedeće 3 metode:

1. **francuska metoda:** uzima se da godina ima 360 dana, dani u mjesecima računaju se prema kalendaru, a za izračunavanje jednostavnih kamata koristi se formula:

$$I = \frac{C_0 \cdot p \cdot d}{36000}$$

2. **njemačka metoda:** uzima se da godina ima 360 dana, svaki mjesec 30 dana, a za izračunavanje jednostavnih kamata koristi se formula:

$$I = \frac{C_0 \cdot p \cdot d}{36000}$$

3. **engleska metoda:** uzima se da godina ima 365 dana (prijestupna 366), dani u mjesecu računaju se prema kalendaru, za izračunavanje jednostavnih kamata koristi se formula:

$$I = \frac{C_0 \cdot p \cdot d}{36500}$$

Kod **složenog kamatnog računa** kamate se obračunavaju na više glavnica.

$$C_n = C_0 r^n$$

Kamate se mogu obračunavati:

**1. Anticipativno – na početku razdoblja (npr. kod potrošačkog kredita)**

**2. Dekurzivno – na kraju razdoblja (npr. kod zajma)**

## 6.1. Vrste kamatnjaka

---

Ako temeljno razdoblje ukamaćivanja nije jednake duljine kao temeljno razdoblje na koje se odnosi kamatna stopa, potrebno je preračunati kamatnu stopu i izraziti je u temeljnem vremenu kapitalizacije.

Propisana kamatna stopa za temeljno vremensko razdoblje naziva se nominalna ili zadana kamatna stopa.

**Konformna kamatna** stopa uvijek je manja od **relativne**. Konformnu i relativnu kamatnu stopu možemo grafički prikazati kao funkciju godišnje kamatne stope:

$$p_m = 100 * \left( \sqrt[m]{1 + \frac{p}{100}} - 1 \right)$$

## 6.2. Konačne i sadašnje vrijednosti više periodičnih uplata / isplate

---

Uplate (isplate) mogu biti:

- početkom razdoblja - **prenumerando** uplate (isplate)
- krajem razdoblja – **postnumerando** uplate (isplate)

## 6.3. Konačna vrijednost (prenumerando=

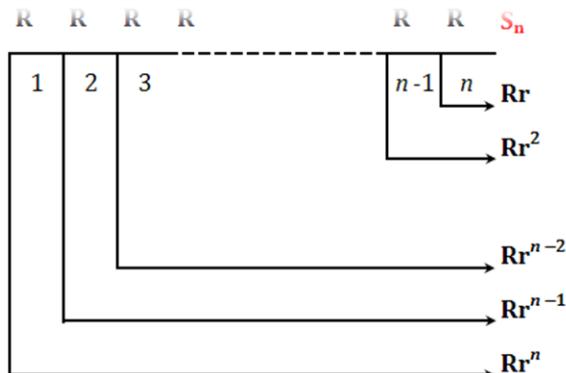
---

Konačna vrijednost n uplata (isplata)  
početkom razdoblja:

$$S_n = R * r + R * r^2 + \dots + R * r^{n-1} + R * r^n$$

$$S_n = R(r + r^2 + \dots + r^{n-1} + R * r^n)$$

$$S_n = R * r * \frac{r^n - 1}{r - 1}$$



## 6.4. Konačna vrijednost

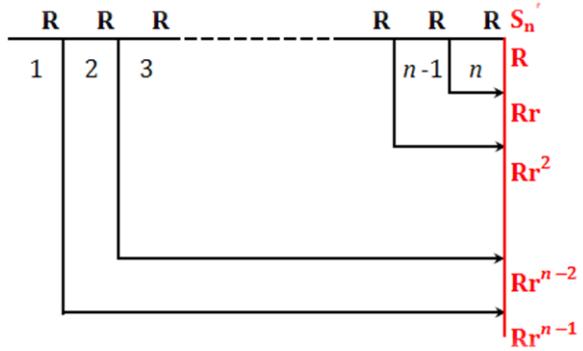
## (postnumerando)

Konačna vrijednost n uplata (isplata) krajem razdoblja:

$$S_n = R + R * r + R * r^2 + \dots + R * r^{n-2} + R * r^{n-1}$$

$$S_n = R(1 + r + r^2 + \dots + r^{n-2} + R * r^{n-1})$$

$$S_n = R * \frac{r^n - 1}{r - 1}$$



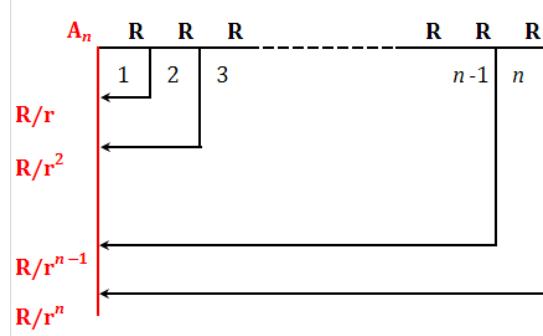
## 6.4. Sadašnja vrijednost

Postnumerando

$$A_n = R * \frac{r^n - 1}{r^n(r - 1)}$$

Prendumerando

$$A_n = R * \frac{r^n - 1}{r^{n-1}(r - 1)}$$



## 6.4. Vječna renta

Obična periodična isplata naziva se **rentom**.

Želimo li da broj renti bude beskonačan, tj. želimo li na osnovu svote koju smo uplatili primati vječnu rentu moramo izračunati graničnu vrijednost  $A_n$  kada broj razdoblja teži u beskonačnost

## 6.4. Kontinuirana (neprekidna) kapitalizacija

**Konačna vrijednost** glavnice  $C_0$  krajem n-te godine uz složenu dekurzivnu kapitalizaciju i kamatnjak p iznosi:

$$C_n = C_0 \left(1 + \frac{p}{100}\right)^n$$

Konačna vrijednost glavnice  $C_0$  uz primjenu relativnog kamatnjaka svakog m-tog dijela godine:

$$C_n = C_0 \left(1 + \frac{p}{100m}\right)^{nm}$$

Ukoliko se kapitalizacija obavlja neprekidno (kontinuirano), tj. ako između dva obračuna kamata i njihova pribrajanja kapitalu nema vremenskog diskontinuiteta već veličine rastu u svakom trenutku bez prekida, govorimo o neprekidnoj (kontinuiranoj) kapitalizaciji

Kontinuirana kapitalizacija ima široku primjenu u praksi budući da se sav prirast (prirast stanovništva, prirast drvne mase u šumi i sl.) može na takav način računati, a često se koristi i kod makroekonomskih istraživanja

## 7. Zajam (kredit)

---

**Zajam ili kredit** (eng. amortization, loan) je iznos na koji se dužnik zadužuje i koji onda otplaćuje po dogovorenom planu. Ugovorom se utvrđuje iznos zajma, kamatna stopa, vrijeme i način otplate zajma.

Zajam se otplaćuje anuitetima

Anuitet je periodički iznos koji plaća korisnik zajma, a sastoji se od dva dijela:

1. otplatne kvote (dio kojim se otplaćuje nominalni iznos zajma) i
2. kamata

### 7.1. Otplata zajma po jednakim anuitetima

---

#### Osnovne pretpostavke:

- obračun kamata je složen i dekurzivan,
- anuiteti su jednaki i dospijevaju u jednakim vremenskim razdobljima krajem termina,
- razdoblje ukamaćivanja jednako je jedinici vremenskog dospijeća između anuiteta,
- konstantna kamatna stopa

**Efektivna kamatna stopa** - prilikom uzimanja zajma postoje dodatni troškovi (Depozit, naknada za obradu zajma, naknada za vođenje zajma i sl.)

Pribrojimo li sve te troškove glavnici zajma, uz unaprijed znanu visinu anuiteta može se izračunati stvarna kamatna stopa po kojoj će se vraćati zajam (uvijek veća od nominalne)

**Reprogramiranje ili konverzija zajma** - promjena ugovorenih uvjeta otplaćivanja

Promjena kamatne stope, promjena roka otplate, promjena načina otplaćivanja, ... Računa se ostatak duga krajem k-tog termina i taj ostatak duga predstavlja novi zajam koji podliježe novim uvjetima amortizacije

## **7.2. Krnji ili nepotpuni anuitet**

---

Moguće je da se pri amortizaciji zajma dužnik i vjerovnik unaprijed dogovore o visini anuiteta amortizacije - dogovoren anuitet

## **7.3. Otplata zajma po otplatnim kvotama**

---

Između zajmodavca i zajmoprimca može biti dogovoren i model otplate zajma s konstantnom otplatnom kvotom

## **7.4. Intekalarne kamate**

---

U pravilu, ako se radi o zajmu namijenjenom financiranju neke investicije, zajam se isplaćuje u obrocima prema odvijanju radova, pristizanju i montiranju opreme, odnosno nakon što su ispunjeni određeni uvjeti

Otplata zajma anuitetima počinje tek nakon što je zajam u cijelosti iskorišten. Kreditor svaki anuitet ukamaće od trenutka doznake anuiteta, pa do trenutka kada počinje redovno vraćanje zajma. Zbog toga dužnik plaća interkalarne kamate IK.

### **Mogu se obračunati na 2 načina:**

- obračunavanjem kamata po složenom kamatnom računu na cijelokupni iznos zajma uz odobrenu kamatnu stopu i isplaćivanjem odjednom u trenutku stavljanja zajma u otplatu,
- obračunavanjem kamata po složenom kamatnom računu i pripisivanjem iznosu odobrenog zajma u trenutku stavljanja zajma u otplatu